

# МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «РОССИЙСКИЙ БИОТЕХНОЛОГИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ (РОСБИОТЕХ)»

### ДОКУМЕНТ ПОДПИСАН ЭЛЕКТРОННОЙ ПОДПИСЬЮ

Сертификат:

00D05D015A41D43C257354CF2FDDD93F88

Владелец: РОСБИОТЕХ

Действителен: с 11.11.2024 по 04.02.2026

# Рабочая программа дисциплины (модуля)

# Б1.О.39 Математическое моделирование в биологии

Уровень высшего

образования:

специалитет

Специальность:

06.05.01 Биоинженерия и биоинформатика

Специализация:

Молекулярная и клеточная инженерия

Квалификация

биоинженер и биоинформатик

Форма обучения

очная

Срок обучения:

5 лет

Год набора:

2024

Закреплена

Автоматизированных систем управления биотехнологическими

за кафедрой:

процессами

Форма обучения

очная

Общая

3 3.e.

Часов по учебному плану

108

в том числе:

32

аудиторные занятия самостоятельная работа

75

контактная работа в электронной

13

KOIII ak

0

среде часов на контроль

1

#### Виды контроля:

Зачет - 7 семестр

#### Программу составил(и):

докт. техн. наук профессор Гданский Николай Иванович

докт. техн. наук профессор Крахмалев Олег Николаевич

Протокол кафедры: № 13 om 11.03.2025

### 1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

### 1.1. Цели:

Формирование у студентов теоретических знаний и практических навыков в области математического моделирования биологических процессов, включая построение, анализ и интерпретацию моделей для решения задач биоинформатики.

#### 1.2. Задачи:

Изучение основных принципов и методов математического моделирования в биологии.

Освоение математического аппарата для описания биологических систем (дифференциальные уравнения, стохастические модели, агентные модели).

Развитие навыков программной реализации и численного анализа биологических моделей.

Применение моделей для решения практических задач в биоинформатике.

## 2. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

### 2.1. Трудоемкость дисциплины и виды учебной работы

Общая трудоемкость дисциплины составляет 3 з.е.

### 2.2. Распределение часов дисциплины

#### по семестрам

Семестр (<Курс>.<Семестр на курсе>)	7(4.1)		Итого	
Вид занятий	УΠ	РΠ	УП	РΠ
Лекции	16	16	16	16
Лабораторные	16 16		16	16
Итого ауд.	32	32 32		32
Контактная работа	32	32	32	32
в том числе КРВЭС				
Сам. работа	75 75		75	75
Часы на контроль	1	1	1	1

# 3. ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ, СООТНЕСЕННЫЕ С РЕЗУЛЬТАТАМИ ОСВОЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

Компетенции	Индикаторы достижения компетенций	Знать:	Уметь:	Владеть (иметь практический опыт):
ОПК-5 Способен находить	ОПК-5.1 Находит и	Основные типы	Формулировать	Работа с
и использовать	использует информацию,	математических	биологические	программными
информацию, накопленную	накопленную в базах данных	моделей в	задачи в терминах	пакетами (Python,
в базах данных по	по биологическим объектам,	биологии и их	математических	R, MATLAB) для
биологическим объектам,	включая нуклеиновые	применимость.	моделей.	моделирования.
включая нуклеиновые	кислоты и белки	Методы анализа	Проводить	Анализ и
кислоты и белки, владеть		устойчивости,	численные расчеты	визуализация
основными	ОПК-7.1 Понимает	стохастичности и	И	данных
биоинформатическими	принципы работы	оптимизации.	интерпретировать	биологических
средствами анализа;	современных	Примеры	результаты.	экспериментов.
	информационных	успешного	Критически	Навыки
	технологий	применения	оценивать	презентации и
ОПК-7 Способен понимать		моделей в	адекватность	защиты
принципы работы	ОПК-7.2 Использует	биоинформатике.	моделей реальным	результатов
современных	современные		процессам.	моделирования.
информационных	информационные технологии			
технологий и использовать	для решения задач			
их для решения задач	профессиональной			
профессиональной	деятельности			
деятельности;				

### 4. СТРУКТУРА, СОДЕРЖАНИЕ И ФОРМЫ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

Раздел 1. Основы математического моделирования биологических процессов

					Количе	ство часов	
№ п/п	Тема занятия	Краткое содержание	Семестр	Вид занятия *	всего	в то числе в форме практичес кой подготовк и	Форма текущего контроля
1.1	Введение в математическое моделирование в биологии	Рассматриваются базовые понятия моделирования, классификация моделей (детерминированные, стохастические, дискретные, непрерывные). Обсуждаются примеры применения моделей в биологии, их преимущества и ограничения.	7	Лек	2		дискуссия (диспут)
1.2	Математический аппарат биологического моделирования	Основные математические методы: дифференциальные уравнения, теория вероятностей, линейная алгебра. Примеры их использования для описания динамики популяций, биохимических реакций и других биологических процессов.	7	Лек	2		дискуссия (диспуг)
1.3	Построение простейших моделей популяционной динамики	Решение логистического уравнения и модели Лотки-Вольтерры с использованием Python или МАТLAB. Анализ устойчивости решений и их биологическая интерпретация.	7	Лаб	2		работа на занятии
1.4	Моделирование ферментативной кинетики	Численное решение и анализ параметров модели. Влияние начальных условий и констант скорости на динамику системы.	7	Лаб	2		работа на занятии
1.5	История и современные тенденции в биологическом моделировании		7	Ср	11		самоконтроль
1.6	Ограничения математических моделей	Анализ случаев, когда модели дают некорректные предсказания, и обсуждение методов валидации.	7	Ср	10		самоконтроль

Раздел 2. Динамические системы в биологии

<b>Газдел 2.</b> Динамические системы в опологии							
					Количе	ство часов	
<b>№</b> п/п	Тема занятия	Краткое содержание	Семестр	Вид занятия *	всего	в то числе в форме практичес кой подготовк и	Форма текущего контроля
2.1	Линейные и нелинейные динамические системы	Фазовые портреты, устойчивость, бифуркации.	7	Лек	2		дискуссия (диспут)
2.2	Особенности моделирования хаотического поведения	Детерминированный хаос в биологических системах	7	Лек	2		дискуссия (диспут)
2.3	Анализ устойчивости стационарных точек	Аналитический, графический, метод функций Ляпунова.	7	Лаб	2		работа на занятии
2.4	Моделирование колебательных систем	Численное решение уравнений, описывающих осцилляции. Построение графиков и анализ параметров.	7	Лаб	2		работа на занятии

					Количес	ство часов	
<b>№</b> п/п	Тема занятия	Краткое содержание	Семестр	Вид занятия *	всего	в то числе в форме практичес кой подготовк и	Форма текущего контроля
2.5	Стохастические колебания в малых популяциях	Влияние случайных факторов на вымирание видов и генетический дрейф.	7	Ср	12		самоконтроль

Разде	л 3. Стохастические модели	и методы в биологии					
					Количес	ство часов	
<b>№</b> п/п	Тема занятия	Краткое содержание	Семестр	Вид занятия *	всего	в то числе в форме практичес кой подготовк и	Форма текущего контроля
3.1	Основы стохастического моделирования	Рассматриваются ключевые понятия теории вероятностей и случайных процессов, применяемые в биологии. Обсуждаются примеры использования стохастических моделей для описания изменчивости биологических систем.	7	Лек	2		дискуссия (диспут)
3.2	Методы статистического анализа в биоинформатике	Изучаются подходы к обработке биологических данных, включая методы проверки гипотез, регрессионный анализ и алгоритмы машинного обучения.	7	Лек	2		дискуссия (диспут)
3.3	Моделирование случайных процессов в биологии	Практическое применение генераторов случайных чисел для имитации биологических явлений. Анализ полученных данных и их интерпретация.	7	Лаб	2		работа на занятии
3.4	Статистическая обработка экспериментальных данных	Использование программных средств (Python, R) для анализа биологических данных. Построение графиков, расчет статистических показателей и проверка значимости результатов.	7	Лаб	2		работа на занятии
3.5	Вероятностные модели в биологии	Изучение подходов к моделированию случайных процессов в живых системах. Рассматриваются базовые распределения (Пуассона, нормальное, биномиальное) и их применение для анализа биологических данных.	7	Ср	11		самоконтроль
3.6	Применение машинного обучения в биологии	Обзор основных алгоритмов (классификация, регрессия, кластеризация) и их использования для обработки биомедицинских данных, прогнозирования биологических процессов и автоматизации анализа экспериментов.	7	Ср	11		самоконтроль

Раздел 4. Прикладные аспекты математического моделирования в биологии

					Количе	ство часов	
<b>№</b> п/п	Тема занятия	Краткое содержание	Семестр	Вид занятия *	всего	в то числе в форме практичес кой подготовк и	Форма текущего контроля
4.1	Практическое применение биологических моделей	Рассматриваются реальные примеры использования математических решения задач в медицине, экологии и биотехнологии. Анализируются успешного применения моделирования в научных исследованиях и промышленности.	7	Лек	2		дискуссия (диспут)
4.2	Оптимизация биологических процессов	Изучаются методы математической оптимизации применительно к биологическим системам. Обсуждаются подходы к повышению эффективности биотехнологических производств.	7	Лек	2		дискуссия (диспут)
4.3	Компьютерное моделирование биологических систем	Практическая работа с современными программными пакетами для имитации биологических процессов.	7	Лаб	2		работа на занятии
4.4	Анализ и интерпретация результатов моделирования	Освоение навыков визуализации и статистической оценки результатов.	7	Лаб	2		работа на занятии
4.5	Современные тенденции в биологическом моделировании	Изучение перспективных направлений развития математического моделирования в биологии.	7	Ср	10		самоконтроль
4.6	Этические аспекты биологического моделирования	Рассмотрение правовых и этических вопросов, связанных с применением математических моделей в биологии	7	Ср	10		самоконтроль

<sup>\*</sup> Лек - лекционные занятия; Пр - практические занятия; Лаб - лабораторные занятия; СР - самостоятельная работа; КРВЭС - контактная работа в электронной среде; Эк - экзамен; За - зачет; ЗаО - зачет с оценкой

# 5. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

5.1. Рекомендуемая литература

	Авторы,	Заглавие	Издательство, год	Адрес
5.1.1.	Щукина Н. В.,	Математическое моделирование:	Омск: Омский	https://e.lanbook.co
	Харитонова Н.	учебное пособие	ГАУ, 2022	m/book/326441
	Д.			
5.1.2.	Алпатов Ю. Н.	Математическое моделирование	Санкт-Петербург:	https://e.lanbook.co
		производственных процессов:	Лань, 2023	m/book/330485
		учебное пособие для вузов		
5.1.3.	Горлач Б. А.,	Математическое моделирование.	Санкт-Петербург:	https://e.lanbook.co
	Шахов В. Г.	Построение моделей и численная	Лань, 2023	m/book/305219
		реализация: учебное пособие для		
		вузов		
5.1.4.	Зариковская Н.	Математическое моделирование	Москва: ТУСУ□,	https://e.lanbook.co
	B.	систем: учебное пособие	2018	m/book/313787

Учебный план: 24o-060501-КИ(ак).plx

	Авторы,	Заглавие	Издательство, год	Адрес
5.1.5.	Исаева Н. М., Добрынина И. В., Сорокина Н. В.	Математическое моделирование в биологии: учебно-методическое пособие	Тула: ТГПУ, 2018	https://e.lanbook.co m/book/113619
5.1.6.	Прохорова Н. В.	Математическое моделирование в биологии и экологии	Самара: Самарский университет, 2021	https://e.lanbook.co m/book/256877
5.1.7.		Обработка информации и математическое моделирование. 20-21 апреля 2022 г.: материалы российской научно-технической конференции	Новосибирск: СибГУТИ, 2022	https://e.lanbook.co m/book/257303

### 5.2. Перечень информационных технологий

# 5.2.1. Лицензионное и свободно распространяемое программное обеспечение, в том числе отечественного производства

Операционная система Linux Свободный пакет офисных приложений OpenOffice КОМПАС-3D Anylogic 8.8.6 personal learning edition Microsoft Visual Studio Code Python Launcher

## 5.2.2. Перечень профессиональных баз данных и информационных справочных систем

Электронная информационно-образовательная среда РОСБИОТЕХ. Режим доступа: https://i.cloud.mgupp.ru/

Система e-learning POCБИОТЕХ. Режим доступа: http://e-learning.mgupp.ru/ Научная электронная библиотека eLIBRARY.RU. Режим доступа: https://elibrary.ru/ Электронная библиотечная система "Лань". Режим доступа: https://e.lanbook.ru/ Электронная библиотечная система "Znanium". Режим доступа: https://znanium.ru/

Национальная электронная библиотека. Режим доступа: https://rusneb.ru/

### 5.3. Методические рекомендации к изучению дисциплины

# Методические указания для обучающихся при работе над конспектом лекций во время проведения лекции

Лекция — систематическое, последовательное, монологическое изложение преподавателем учебного материала, как правило, теоретического характера. В процессе лекций рекомендуется вести конспект, что позволит впоследствии вспомнить изученный учебный материал, дополнить содержание при самостоятельной работе с литературой, подготовиться к промежуточной аттестации. Следует также обращать внимание на категории, формулировки, раскрывающие содержание тех или иных явлений и процессов, научные выводы и практические рекомендации, положительный опыт в ораторском искусстве. Желательно оставить в рабочих конспектах поля, на которых делать пометки из рекомендованной литературы, дополняющие материал прослушанной лекции, а также подчеркивающие особую важность тех или иных теоретических положений. Любая лекция должна иметь логическое завершение, роль которого выполняет заключение. Выводы по лекции подытоживают размышления преподавателя по учебным вопросам. Формулируются они кратко и лаконично, их целесообразно записывать. В конце лекции, обучающиеся имеют возможность задать вопросы преподавателю по теме лекции.

Учебный план: 24o-060501-КИ(ак).plx

# Методические указания для обучающихся по выполнению практических и лабораторных работ

Практические и лабораторные работы выполняются в соответствии с учебным планом при последовательном изучении разделов (тем) учебной дисциплины.

Прежде чем приступать к выполнению практической работы, обучающемуся необходимо:

- ознакомиться с соответствующими разделами (темами) учебной дисциплины по рекомендованной учебной литературе;
- ознакомиться с порядком проведения занятия, критериях оценки результатов работы;
- ознакомиться с заданием и сроках выполнения, о требованиях к оформлению и форме представления результатов;
- настроить под руководством преподавателя инструментальные средства, необходимые для проведения практической работы (при их наличии).
- В ходе выполнения практической (лабораторной) работы необходимо следовать инструкциям, использовать материал лекций, рекомендованной литературы, источников интернета, активно использовать помощь преподавателя на занятии.

### Методические указания для обучающихся по организации самостоятельной работы

Самостоятельная работа обучающихся направлена на самостоятельное изучение отдельных тем/вопросов учебной дисциплины. Самостоятельная работа является обязательной для каждого обучающегося, ее объем по дисциплине определяется учебным планом.

Самостоятельная работа с учебниками, учебными пособиями, научной, справочной и популярной литературой, материалами периодических изданий и Интернета, статистическими данными является наиболее эффективным методом самостоятельного получения знаний, позволяет значительно активизировать процесс овладения информацией, способствует более глубокому усвоению изучаемого материала, формирует у обучающихся свое отношение к конкретной проблеме. Изучая материал по учебной книге (учебнику, учебному пособию, монографии, и др.), следует переходить к следующему вопросу только после полного уяснения предыдущего, фиксируя выводы и вычисления (конспектируя), в том числе те, которые в учебнике опущены или на лекции даны для самостоятельного вывода. Особое внимание обучающийся должен обратить на определение основных понятий учебной дисциплины. Надо подробно разбирать примеры, которые поясняют определения. Рекомендуется составлять опорные конспекты. Выводы, полученные в рекомендуется изучения учебной литературы, В конспекте выделять. самостоятельном решении задач нужно обосновывать каждый этап решения, теоретических положений учебной дисциплины. Вопросы, которые вызывают у обучающегося затруднение при подготовке, должны быть заранее сформулированы и озвучены во время занятий в аудитории для дополнительного разъяснения преподавателем. Самостоятельная работа является обязательной для каждого обучающегося, ее объем по учебной дисциплине определяется учебным планом.

# 6. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ (оборудование и технические средства обучения)

Учебные аудитории для проведения учебных занятий, предусмотренных образовательной программой. Основное оборудование: комплект учебной мебели для обучающихся (стол, стул); рабочее место преподавателя (стол, стул); компьютер с выходом в интернет и обеспечением доступа в ЭИОС Университета; технические средства обучения: мультимедийное оборудование (проектор, экран), наглядные материалы – схемы плакаты.

Помещение для самостоятельной работы обучающихся - оснащено компьютерной техникой с возможностью подключения к информационно-телекоммуникационной сети "Интернет" и обеспечением доступа в ЭИОС Университета.

Учебный план: 24o-060501-КИ(ак).plx

Учебная аудитория для проведения промежуточной аттестации Основное оборудование: рабочее место преподавателя (стол, стул, компьютер с выходом в интернет и доступом в ЭИОС Университета); комплект учебной мебели для обучающихся и компьютеры с выходом в Интернет и обеспечением доступа в ЭИОС Университета; технические средства обучения: мультимедийное оборудование (проектор, экран).

Специализированная лаборатория. Основное оборудование: комплект учебной мебели для обучающихся; рабочее место преподавателя, лабораторное оборудование, инвентарь, расходные материалы и средства. Технические средства обучения: мультимедийное оборудование, наглядные материалы – схемы плакаты.